



**Задания контрольной работы по высшей математике**  
(заочный факультет, I курс, 1 семестр)

**Вариант 18**

1. Вычислить определитель

$$\begin{vmatrix} 2-1 & 3-4 \\ 1 & 0-1 & 0 \\ 2 & 1 & 1-1 \\ 0 & 1-1 & 5 \end{vmatrix}.$$

2. Выполнить действия с матрицами

$$\begin{pmatrix} 3 & 4 & 1 & 2 \\ -1 & 1 & 0 & 2 \\ -2 & 0 & 1 & -4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 3 & 5 \\ -1 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 & 4 & -2 & 1 & 3 \\ 9 & 7 & -5 & 0 & 2 \\ -2 & 1 & 3 & -1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -2 & 3 \\ 0 & 1 \\ -1 & 1 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}.$$

3. Решить систему линейных уравнений с помощью: 1) метода Крамера; 2) метода обратной матрицы

$$\begin{cases} 7x_1 - 5x_2 + x_3 = 0, \\ 4x_1 + x_2 - x_3 = 7, \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = -3. \end{cases}$$

4. По четырем заданным точкам  $A_1(8,6,4)$ ,  $A_2(10,5,5)$ ,  $A_3(5,6,8)$ ,  $A_4(8,10,7)$ , построить пирамиду и средствами векторной алгебры и аналитической геометрии найти:

- 1) длину ребра  $A_2A_3$ ;
- 2) угол между ребрами  $A_1A_2$  и  $A_1A_4$ ;
- 3) площадь грани  $A_1A_2A_3$ ;
- 4) объем пирамиды  $A_1A_2A_3A_4$ ;
- 5) уравнение прямой, проходящей через точку  $A_1$  параллельно прямой  $A_2A_3$ ;
- 6) уравнение плоскости, проходящей: а) через прямую  $A_2A_3$  и точку  $A_1$ ; б) через точку  $A_1$  перпендикулярно прямой  $A_2A_3$ ; в) через три точки  $A_2, A_3, A_4$ ;
- 7) угол между прямыми  $A_1A_2$  и  $A_2A_4$ ;
- 8) угол между плоскостями  $A_1A_2A_3$  и  $A_2A_3A_4$ ;
- 9) расстояние от точки  $A_1$  до плоскости  $A_2A_3A_4$ .

5. Найти указанные пределы (не используя правило Лопиталья).

$$\begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 - x + 2} - x), & \quad 2) \lim_{x \rightarrow -0,5} \frac{2x^2 + 3x + 1}{6x^2 + x - 1}, \\ 3) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(x-1)}{x^2 - 1}, & \quad 4) \lim_{x \rightarrow 1} (3x - 2)^{\frac{2x}{x-1}}. \end{aligned}$$